2.5 FLESSI DI UNA FUNZIONE

 x_0 si dice "**punto di flesso**" per la funzione f(x) se, nel passaggio dalla sinistra alla destra dell'ascissa x_0 , il grafico della funzione attraversa la retta tangente nel punto di ascissa x_0 .

Più precisamente (vedi figure qui a fianco): sia f definita in un intervallo, sia x_0 un punto interno a questo intervallo, f sia derivabile in x_0 ed esista dunque la retta t, tangente al grafico nel punto $(x_0, f(x_0))$. Se nel passaggio dalla sinistra alla destra dell'ascissa x_0 , il grafico della funzione attraversa la tangente t, passando da sotto a sopra, o da sopra a sotto rispetto ad essa,

Si parla di "**flesso ascendente**" quando la funzione passa "**da sotto a sopra**" rispetto alla tangente in x_0 (figg. 8a, 8b), si parla di "**flesso discendente**" quando passa "**da sopra a sotto**" (8c, 8d).

allora si dice che x_0 è un punto di flesso per la f.

Notare che in corrispondenza di un flesso ascendente non è detto che la funzione. sia crescente: potrebbe pure essere decrescente, come in fig. 8b. Analogamente, nel caso di un flesso discendente, la funzione potrà essere decrescente (fig. 8c) ma anche crescente (fig. 8d).

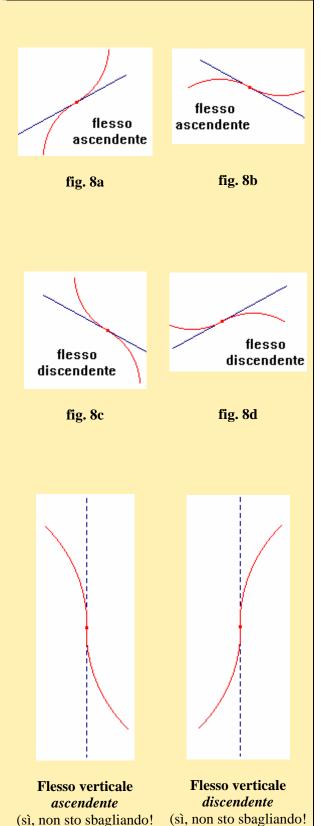
Flessi verticali

Per estensione, si parla di "punto di flesso"
anche quando il grafico è dotato
di retta tangente verticale,
purché però la funzione attraversi la tangente verticale
con andamento "monotòno" (crescente o decrescente);
se infatti f non fosse monotòna,
il punto verrebbe chiamato "cuspide" (vedi più avanti).

Dovremo però in questo caso intenderci sull'uso degli aggettivi "ascendente" e "discendente", perché, se la retta tangente è verticale, rispetto ad essa non si può più parlare di "sotto" e di "sopra".

La questione viene risolta nel modo seguente: se ritorniamo a considerare le precedenti figure 8a, 8b, 8c, 8d, possiamo osservare che in corrispondenza dei flessi che in quel contesto avevamo chiamato "ascendenti", la funzione presenta una transizione dalla "concavità" (diciamo, per ora, molto "alla buona", che la concavità è la "gobba verso l'alto") alla "convessità" (gobba verso il basso, parte cava verso l'alto).

Per analogia, parleremo allora di flesso "ascendente" in casi come quello della figura 9a, di flesso "discendente" in situazioni come quella di figura 9b, anche se questi aggettivi, a prima vista, potrebbero suscitare perplessità.



Dalla convessità

alla concavità,

quindi "discendente")

fig. 9b

Dalla concavità

alla convessità,

quindi "ascendente")

fig. 9a