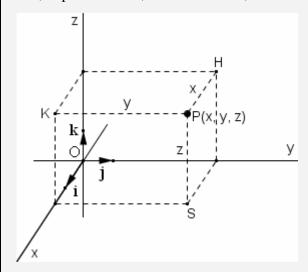
9. RIFERIMENTI CARTESIANI NELLO SPAZIO TRIDIMENSIONALE

Abbiamo menzionato per un attimo, parlando di "prodotto misto", i riferimenti cartesiani in 3 dimensioni.

Nello spazio tridimensionale è possibile fissare un riferimento cartesiano scegliendo un punto O che faccia da "origine" comune per tre "number lines", le quali in genere vengono prese ortogonali (= perpendicolari) a due a due, e tali che i rispettivi versori i, j, k formino una terna per cui i×j=k (terna "levogira": un osservatore posto con i piedi in O e con la testa rivolta nel verso di k vede che il vettore i, per sovrapporsi al vettore j tramite una rotazione <180°, deve ruotare in verso antiorario).

Gli assi aventi le direzioni di i, j, k vengono detti rispettivamente "asse delle ascisse", "asse delle ordinate" e "asse delle quote", e associati (di norma) ai simboli x, y, z.

Ogni punto dello spazio tridimensionale sarà individuato da una terna di coordinate (x, y, z) dette, rispettivamente, la sua "ascissa", la sua "ordinata" e la sua "quota".

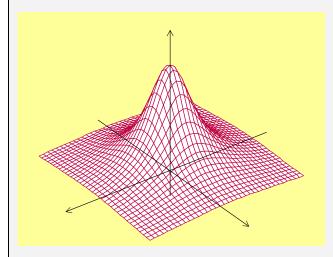


Per un punto P(x, y, z):

- l'ascissa x è la distanza (con segno) dal piano yz,
- l'ordinata y è la distanza (con segno) dal piano xz
- e la quota z è la distanza (con segno) dal piano xy.

In un sistema Oxyz siffatto:

- □ la formula per la distanza fra due punti P_1 e P_2 è $d = \sqrt{(x_2 x_1)^2 + (y_2 y_1)^2 + (z_2 z_1)^2}$
- un'equazione di 1° grado nelle tre variabili x, y, z (ax + by + cz + d = 0) individua un piano (ad esempio, i tre piani coordinati xy, xz, yz hanno rispettivamente equazioni: z = 0, y = 0, x = 0)
- un'equazione della forma z = f(x, y), che esprime una funzione in due variabili (= 2 variabili indipendenti x, y e, ovviamente, z come variabile dipendente) individua una *superficie*.



Ecco, ad esempio, nell'immagine qui a fianco, un abbozzo del grafico della funzione di 2 variabili

$$z = f(x, y) = \frac{4}{x^2 + y^2 + 1}$$

La figura è stata tracciata utilizzando il *freeware*Winplot di Richard Parris
rparris@exeter.edu
http://math.exeter.edu/rparris