## b) PROPRIETA' INVARIANTIVA (risultati alla pagina successiva)



## **OSSERVAZIONE IMPORTANTE**

Per semplicità, laddove compaiono espressioni letterali, sei autorizzato a supporre  $\geq 0$  l'espressione stessa e più in generale la base di ciascuna potenza in gioco. Questa avvertenza vale anche per tutti gli esercizi successivi.

Soltanto nel paragrafo 17 lasceremo cadere questa ipotesi "di comodo".

1) 
$$\sqrt[3]{3} = \sqrt[6]{...}$$

2) 
$$\sqrt{5} = \sqrt[6]{...}$$

3) 
$$\sqrt[5]{t} = \sqrt[10]{...}$$

4) 
$$\sqrt[6]{a^5} = \sqrt[18]{...}$$

2) 
$$\sqrt{5} = \sqrt[6]{...}$$
 3)  $\sqrt[5]{t} = \sqrt[10]{...}$  4)  $\sqrt[6]{a^5} = \sqrt[18]{...}$  5)  $\sqrt[6]{a^5b^2c} = \sqrt[18]{...}$ 

$$6) \quad \sqrt{a+b} = \sqrt[4]{...}$$

7) 
$$\sqrt[3]{2a} = \sqrt[9]{...}$$

6) 
$$\sqrt{a+b} = \sqrt[4]{...}$$
 7)  $\sqrt[3]{2a} = \sqrt[9]{...}$  8)  $\sqrt{\frac{x}{y}} = \sqrt[8]{...}$ 

Semplificare, ove possibile:

9) 
$$\sqrt[8]{y^6}$$

10) 
$$\sqrt[6]{8}$$

11) 
$$\sqrt[15]{a^{10}}$$

12) 
$$\sqrt[3]{b^6}$$

13) 
$$\sqrt[6]{a^4b^4}$$

11) 
$$\sqrt[15]{a^{10}}$$
 12)  $\sqrt[3]{b^6}$  13)  $\sqrt[6]{a^4b^4}$  14)  $\sqrt[6]{a^4+b^4}$  15)  $\sqrt[12]{x^3y^6}$ 

15) 
$$\sqrt[12]{x^3y^6}$$

16) 
$$12\sqrt{\frac{x^3}{y^6}}$$

16) 
$$\frac{12}{\sqrt[3]{x^6}}$$
 17)  $\sqrt[12]{x^3 + y^6}$  18)  $\sqrt[12]{x^3 - y^6}$  19)  $\sqrt[4]{9}$  20)  $\sqrt{7^6}$  21)  $\sqrt[24]{x^{18}}$ 

18) 
$$\sqrt[12]{x^3 - y^6}$$

20) 
$$\sqrt{7^6}$$

21) 
$$\sqrt[24]{x^{18}}$$

22) 
$$\sqrt[10]{32}$$

23) 
$$\sqrt[6]{81}$$

24) 
$$\sqrt[3n]{a^{2n}}$$

25) 
$$\sqrt[k]{3^k}$$

26) 
$$\sqrt[9]{27a^{27}}$$

27) 
$$\sqrt{25y^4}$$

28) 
$$\sqrt[10]{4t^2}$$

23) 
$$\sqrt[6]{81}$$
 24)  $\sqrt[3n]{a^{2n}}$  25)  $\sqrt[k]{3^{k^2}}$  26)  $\sqrt[9]{27a^{27}}$  27)  $\sqrt{25y^4}$  28)  $\sqrt[10]{4t^2}$  29)  $\sqrt[10]{4+t^2}$ 

30) 
$$\sqrt[10]{4+4t+t^2}$$

31) 
$$\sqrt[8]{x^6}$$

32) 
$$\sqrt[9]{a^{15}}$$

33) 
$$\sqrt[6]{x^2y^4}$$

34) 
$$\sqrt[4]{9x^2y^2}$$

35) 
$$\sqrt[4]{\frac{9x^2}{y^2}}$$

30) 
$$\sqrt[10]{4+4t+t^2}$$
 31)  $\sqrt[8]{x^6}$  32)  $\sqrt[9]{a^{15}}$  33)  $\sqrt[6]{x^2y^4}$  34)  $\sqrt[4]{9x^2y^2}$  35)  $\sqrt[4]{\frac{9x^2}{y^2}}$  36)  $\sqrt[4]{9x^2+y^2}$ 

37) 
$$\sqrt[4]{a^4b^4}$$

38) 
$$\sqrt{a^2b^2}$$

39) 
$$\sqrt{a^2 + b^2}$$

40) 
$$\sqrt[4]{a^2b^2}$$

41) 
$$\sqrt[3]{\frac{x^3}{8}}$$

37) 
$$\sqrt[4]{a^4b^4}$$
 38)  $\sqrt{a^2b^2}$  39)  $\sqrt{a^2+b^2}$  40)  $\sqrt[4]{a^2b^2}$  41)  $\sqrt[3]{\frac{x^3}{8}}$  42)  $\sqrt[3]{x^3-8}$  43)  $\sqrt[4]{9}$ 

44) 
$$\sqrt[15]{1024}$$
 45)  $\sqrt[10]{2^{20}}$ 

$$45) \frac{10}{20}$$

46) 
$$\sqrt{24^2}$$

47) 
$$(\sqrt{17})^2$$

48) 
$$\sqrt{3} \cdot \sqrt{3}$$

49) 
$$\sqrt{9+16}$$

50) 
$$\sqrt{81+144}$$

51) 
$$\sqrt{\frac{9}{49} \cdot \frac{16}{49}}$$

49) 
$$\sqrt{9+16}$$
 50)  $\sqrt{81+144}$  51)  $\sqrt{\frac{9}{49} \cdot \frac{16}{49}}$  52)  $\sqrt{\frac{9}{49} + \frac{16}{49}}$ 

53) 
$$\sqrt{1+\frac{25}{144}}$$

54) 
$$\sqrt{(2,7)^2}$$

$$55) \sqrt[3]{64(a-b)^3}$$

54) 
$$\sqrt{(2,7)^2}$$
 55)  $\sqrt[3]{64(a-b)^3}$  56)  $\sqrt[4]{\frac{(x^2+1)^2}{81}}$  57)  $\sqrt{x^2+1}$ 

$$57) \sqrt{x^2 + 1}$$

58) 
$$\sqrt{25x^8}$$

59) 
$$\sqrt{5} \cdot \sqrt{5}$$

60) 
$$\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[3]{2}$$

61) 
$$\sqrt{x^4 + 2x^2 + }$$

59) 
$$\sqrt{5} \cdot \sqrt{5}$$
 60)  $\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[3]{2}$  61)  $\sqrt{x^4 + 2x^2 + 1}$  62)  $\sqrt[6]{a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3}$  63)  $\sqrt{4(x-1)^2(x-2)^2}$ 

63) 
$$\sqrt{4(r-1)^2(r-2)^2}$$

c) PRODOTTI, QUOZIENTI DI RADICALI Vai agli svolgimenti dei numeri 80 ... 89

64) 
$$\sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[3]{7}$$

65) 
$$\sqrt{6} \cdot \sqrt{24}$$

66) 
$$\sqrt{a^2 - b^2} \cdot \sqrt{\frac{1}{a - b}}$$
 67)  $\sqrt[4]{3a} \cdot \sqrt[4]{\frac{b}{3}}$ 

67) 
$$\sqrt[4]{3a} \cdot \sqrt[4]{\frac{b}{3}}$$

68) 
$$\sqrt{5} \cdot \sqrt[3]{2}$$

69) 
$$\sqrt[4]{y} \cdot \sqrt[6]{y}$$

70) 
$$\sqrt{2} \cdot \sqrt[4]{3}$$

71) 
$$\sqrt{t} \cdot \sqrt[3]{t^2} \cdot \sqrt[4]{t^3}$$

72) 
$$\sqrt{n} \cdot \sqrt{n}$$

73) 
$$\sqrt{x-y} \cdot \sqrt{x+y}$$

74) 
$$\sqrt[3]{x-y} \cdot \sqrt[4]{x+y}$$

75) 
$$\sqrt[5]{10}:\sqrt[5]{2}$$

76) 
$$\frac{\sqrt[4]{a^3}}{\sqrt[4]{a}}$$
 77)  $\frac{\sqrt[3]{5}}{\sqrt{7}}$ 

77) 
$$\frac{\sqrt[3]{5}}{\sqrt{7}}$$

78) 
$$\sqrt[4]{12} : \sqrt{2}$$

79) 
$$\sqrt{2x} \cdot \sqrt[3]{x}$$

80) 
$$\sqrt{6} \cdot \sqrt{3} \cdot \sqrt{2}$$
 81)  $\sqrt[3]{5} \cdot \sqrt{2}$ 

81) 
$$\sqrt[3]{5} \cdot \sqrt{2}$$

82) 
$$\frac{\sqrt{x} \cdot \sqrt[6]{x}}{\sqrt[3]{x^2}}$$

82) 
$$\frac{\sqrt{x} \cdot \sqrt[6]{x}}{\sqrt[3]{x^2}}$$
 83)  $\sqrt{2} \cdot \sqrt[4]{\frac{1}{2}} \cdot \sqrt[8]{2}$ 

84) 
$$\sqrt[3]{\frac{a-1}{a}} \cdot \sqrt{\frac{a}{a-1}}$$

85) 
$$\frac{\sqrt{2} \cdot \sqrt[4]{3}}{\sqrt[8]{24}}$$

86) 
$$\frac{\sqrt[4]{a^2b^2}}{a\sqrt{a}\cdot b\sqrt{b}} \cdot \sqrt{a^2b^2}$$

84) 
$$\sqrt[3]{\frac{a-1}{a}} \cdot \sqrt{\frac{a}{a-1}}$$
 85)  $\frac{\sqrt{2} \cdot \sqrt[4]{3}}{\sqrt[8]{24}}$  86)  $\frac{\sqrt[4]{a^2b^2}}{a\sqrt{a} \cdot b\sqrt{b}} \cdot \sqrt{a^2b^2}$  87)  $\sqrt{\frac{2a+2b}{3a-3b}} : \sqrt[4]{\frac{4a+4b}{9a-9b}}$ 

88) 
$$\sqrt{\frac{3}{2}}: \sqrt[3]{\frac{9}{4}}$$

89) 
$$\sqrt[3]{\frac{1}{x} + \frac{1}{y}} \cdot \sqrt[5]{x^2 y^2} : \sqrt{x + y}$$

#### **RISULTATI**

### b) PROPRIETA' INVARIANTIVA

1) 
$$\sqrt[3]{3} = \sqrt[6]{9}$$

2) 
$$\sqrt{5} = \sqrt[6]{125}$$

3) 
$$\sqrt[5]{t} = \sqrt[10]{t^2}$$

4) 
$$\sqrt[6]{a^5} = \sqrt[18]{a^{15}}$$

2) 
$$\sqrt{5} = \sqrt[6]{125}$$
 3)  $\sqrt[5]{t} = \sqrt[10]{t^2}$  4)  $\sqrt[6]{a^5} = \sqrt[18]{a^{15}}$  5)  $\sqrt[6]{a^5b^2c} = \sqrt[18]{a^{15}b^6c^3}$ 

6) 
$$\sqrt{a+b} = \sqrt[4]{(a+b)^2}$$
 7)  $\sqrt[3]{2a} = \sqrt[9]{8a^3}$  8)  $\sqrt{\frac{x}{y}} = \sqrt[8]{\frac{x^4}{y^4}}$ 

7) 
$$\sqrt[3]{2a} = \sqrt[9]{8a^3}$$

$$8) \quad \sqrt{\frac{x}{y}} = 8\sqrt{\frac{x^4}{y^4}}$$

## Semplificare, ove possibile:

9) 
$$\sqrt[4]{y^3}$$

10) 
$$\sqrt{2}$$

10) 
$$\sqrt{2}$$
 11)  $\sqrt[3]{a^2}$ 

12) 
$$b^2$$

13) 
$$\sqrt[3]{a^2b^2}$$

14) non semplif. 15) 
$$\sqrt[4]{xy^2}$$
 16)  $\sqrt[4]{\frac{x}{y^2}}$ 

15) 
$$\sqrt[4]{xy^2}$$

16) 
$$\sqrt[4]{\frac{x}{y^2}}$$

19) 
$$\sqrt{3}$$

19) 
$$\sqrt{3}$$
 20)  $7^3 = 343$  21)  $\sqrt[4]{x^3}$ 

21) 
$$\sqrt[4]{x^3}$$

22) 
$$\sqrt{2}$$

23) 
$$\sqrt[3]{9}$$

24) 
$$\sqrt[3]{a^2}$$

25) 
$$3^k$$

24) 
$$\sqrt[3]{a^2}$$
 25)  $3^k$  26)  $\sqrt[3]{3a^9}$ 

27) 
$$5y^2$$

28) 
$$\sqrt[5]{2t}$$

30) 
$$\sqrt[5]{2+t}$$

31) 
$$\sqrt[4]{x^3}$$

32) 
$$\sqrt[3]{a^5}$$

33) 
$$\sqrt[3]{xy^2}$$

34) 
$$\sqrt{3xy}$$

35) 
$$\sqrt{\frac{3x}{y}}$$

40) 
$$\sqrt{ab}$$

41) 
$$\frac{x}{2}$$

43) 
$$\sqrt{3}$$

44) 
$$\sqrt[3]{4}$$

$$51)\frac{12}{49}$$

52) 
$$\frac{5}{7}$$

53) 
$$\frac{13}{12}$$

55) 
$$4(a-b)$$

56) 
$$\sqrt{\frac{x^2+1}{9}}$$

58) 
$$5x^4$$

61) 
$$\sqrt{(x^2+1)^2} = x^2 +$$

61) 
$$\sqrt{(x^2+1)^2} = x^2+1$$
 62)  $\sqrt[6]{(a-b)^3} = \sqrt{a-b}$ 

63) 
$$2(x-1)(x-2)$$

# c) PRODOTTI, QUOZIENTI DI RADICALI

64) 
$$\sqrt[3]{14}$$

66) 
$$\sqrt{a+b}$$

67) 
$$\sqrt[4]{ab}$$

68) 
$$\sqrt[6]{500}$$

69) 
$$\sqrt[12]{y^5}$$

70) 
$$\sqrt[4]{12}$$

70) 
$$\sqrt[4]{12}$$
 71)  $\sqrt[12]{t^{23}}$ 

73) 
$$\sqrt{x^2 - y^2}$$

74) 
$$\sqrt[12]{(x-y)^4(x+y)^3}$$

75) 
$$\sqrt[5]{5}$$
 76)  $\sqrt{a}$ 

77) 
$$\sqrt[6]{\frac{25}{343}}$$

79) 
$$\sqrt[6]{8x^5}$$

81) 
$$\sqrt[6]{200}$$

**82)** 1 **83)** 
$$\sqrt[8]{8}$$
 **84)**  $\sqrt[6]{\frac{a}{a-1}}$  **85)**  $\sqrt[8]{6}$ 

**37**) 
$$\sqrt[4]{\frac{a+b}{a-b}}$$

**88)** 
$$\sqrt[6]{\frac{2}{3}}$$

**87)** 
$$\sqrt[4]{\frac{a+b}{a-b}}$$
 **88)**  $\sqrt[6]{\frac{2}{3}}$  **89)**  $\sqrt[30]{\frac{x^2y^2}{(x+y)^5}}$ 



