

- 1) $x^3 - x^2 - 4x + 4 < 0$ (raccolgimenti parziali) 2) $(x+3)(x-2)(x^2+7) \geq 0$
- 3) $4x^3 + x^2 - 12x - 3 < 0$ (raccolgimenti parziali) 4) $x^3 - 6x^2 + 11x - 6 > 0$ (Ruffini)
- 5) $\frac{6}{5}(4x+1)(3x+1)(2x+1)^2 \leq 0$ 6a) $(x-5)^2(x-2) > 0$ 6b) $(x-5)^2(x-2) \leq 0$
- 7) $x(2x^2 - 10x + 1) < 5$ 8) $x^3 + x^2 + 2x + 2 > 0$ 9) $a^3 - a^2 \geq 0$ 10) $(x-1)(x^2 - x + 1) < 0$
- 11a) $x^3 - 3x^2 + 2x > 0$ 11b) $x^3 - 3x^2 + 2x \geq 0$ 11c) $x^4 + 2x^2 > 3x^3$ 11d) $x^4 + 2x^2 \geq 3x^3$
- 12a) $x^3 - 4x > 0$ 12b) $x^3 - 4x \geq 0$ 13) $5x(x+2)^2(x^2+2)(x^2-2x-4)(x^2-2x+4) < 0$
- 14a) $4x^2 < x^4$ 14b) $4x^2 \leq x^4$ 14c) $4x^2 > x^4$ 14d) $4x^2 \geq x^4$ 15) $y^4 - y^3 \geq 0$
- 16) $(x^2+3)(x+2)^2(x-1) < 0$ 17) $(x-1)(x-2)^2(x-3)(4x^2+1) < 0$ 18) $x^3(x^2-2x-1) < 0$
- 19) $x^4 - 5x^2 + 4 > 0$ Le disequazioni BQUADRATICHE non fanno eccezione:
si risolvono anch'esse SCOMPONENDO IN FATTORI 20) $4x^4 - 5x^2 + 1 \leq 0$
- 21) $\frac{11}{12}x^2 > \frac{x^4}{3} + \frac{1}{2}$ Si può moltiplicare per 12 oppure
fare il den. com. 12 e mandarlo via 22) $y^4 - \frac{7}{2}y^2 - 2 > 0$ 23) $21t^2 + 25 > 4t^4$
- 24) $16b^4 - 148b^2 + 36 > 0$ (semplifica innanzitutto i coefficienti!) 25) $x^4 + 7x^2 + 12 > 0$
- 26) $x^4 - 3x^2 + 4 > 0$ (molto particolare!) 27) $x^6 - x^3 - 6 < 0$ 28) $x^8 - 6x^4 + 5 < 0$
- 29) $x^8 - 15x^4 - 16 > 0$ 30) $x^8 - 3x^4 < 0$ 31) $3x^4(1-5x)(4x^2+11x-3)(2x^2-1)(x^2+1)(x+1)^2 < 0$

1) $x < -2 \vee 1 < x < 2$ 2) $x \leq -3 \vee x \geq 2$ 3) $x < -\sqrt{3} \vee -1/4 < x < \sqrt{3}$ 4) $1 < x < 2 \vee x > 3$

5) $-1/3 \leq x \leq -1/4 \vee x = -1/2$ Il fattore $6/5$ è >0 e può essere semplificato ... 6a) $x > 2$ ma $x \neq 5$ 6b) $x \leq 2 \vee x = 5$

7) Raccoglimenti parziali; si ottiene $(x-5)(2x^2+1) < 0$ e a questo punto, se si nota che il fattore $2x^2+1$ è >0 qualunque sia x , lo si potrà eliminare: $(x-5)(2x^2+1) < 0$ e la disequazione diventerà allora semplicemente $x-5 < 0$ con le soluzioni $x < 5$.
Se invece NON si elimina il fattore $2x^2+1$, essendo questo sempre >0 , nello schema finale ad esso corrisponderà una linea continua di positività e si troveranno le stesse soluzioni, ossia i valori $x < 5$.

8) $x > -1$ 9) $a \geq 1 \vee a = 0$ 10) $x < 1$ (il fattore $x^2 - x + 1$, con $\Delta < 0$, è sempre > 0 , per ogni x !)

11a) $0 < x < 1 \vee x > 2$ 11b) $0 \leq x \leq 1 \vee x \geq 2$ 11c) $x < 1$ (ma $x \neq 0$) $\vee x > 2$ 11d) $x \leq 1 \vee x \geq 2$

12a) $-2 < x < 0 \vee x > 2$ 12b) $-2 \leq x \leq 0 \vee x \geq 2$ 13) $x < 1 - \sqrt{5}$ (ma $x \neq -2$) $\vee 0 < x < 1 + \sqrt{5}$

14a) $x < -2 \vee x > 2$ 14b) $x \leq -2 \vee x \geq 2 \vee x = 0$ 14c) $-2 < x < 2$ ma $x \neq 0$ 14d) $-2 \leq x \leq 2$

15) $y \leq 0 \vee y \geq 1$ 16) $x < 1$ ma $x \neq -2$ 17) $1 < x < 3$ ma $x \neq 2$ 18) $x < 1 - \sqrt{2} \vee 0 < x < 1 + \sqrt{2}$

19) $x < -2 \vee -1 < x < 1 \vee x > 2$ 20) $-1 \leq x \leq -\frac{1}{2} \vee \frac{1}{2} \leq x \leq 1$ 21) $-\sqrt{2} < x < -\frac{\sqrt{3}}{2} \vee \frac{\sqrt{3}}{2} < x < \sqrt{2}$

22) $y < -2 \vee y > 2$ 23) $-5/2 < t < 5/2$ 24) $b < -3 \vee -1/2 < b < 1/2 \vee b > 3$ 25) $\forall x \in \mathbb{R}$

26) $\forall x \in \mathbb{R}$ Il trinomio biquadratico dato non è scomponibile perché il suo Δ è negativo; la negatività del Δ ci dice anche che l'equazione biquadratica associata non ha soluzioni, cioè che il trinomio non si può annullare; ma allora la quantità $x^4 - 3x^2 + 4$ mantiene segno costante, e siccome ad esempio con $x = 0$ è positiva, si manterrà positiva per ogni valore di x .

27) Si scompone in $(x^3+2)(x^3-3)$, dopodiché: 28) Si scompone in $(x^4-5)(x^4-1)$, dopodiché:
 $x^3+2 > 0$; $x^3 > -2$; $x > \sqrt[3]{-2} = -\sqrt[3]{2}$, ecc. $x^4-5 > 0$; $x^4 > 5$; $|x| > \sqrt[4]{5}$; $x < -\sqrt[4]{5} \vee x > \sqrt[4]{5}$, e
Soluzioni: $-\sqrt[3]{2} < x < \sqrt[3]{3}$ Soluzioni: $-\sqrt[4]{5} < x < -1 \vee 1 < x < \sqrt[4]{5}$

29) $x < -2 \vee x > 2$ 30) $-\sqrt[4]{3} < x < \sqrt[4]{3}$ ma $x \neq 0$ 31) $-3 < x < -\frac{\sqrt{2}}{2}$ (ma $x \neq -1$) $\vee \frac{1}{5} < x < \frac{1}{4} \vee x > \frac{\sqrt{2}}{2}$