

ESERCIZI

1) $|x^2 - 4|x|| = 3$

2) $||x| - 2| = 2x$

3) $||x + 2| - 2x| < 10$

4) $||x + 1| - |x - 1|| < x$

5) $\sqrt{|3x + 7|} > |x| + 1$

6) $\sqrt{|x|} > |x - 1| - 1$

7) $\sqrt{x^2 - 3x} < 4 - |x - 2|$

8) $\sqrt{x + |x| + 4} < 10 - |x|$

9) $\sqrt{x + |x - 4|} < 2|x| + x - 3$

10) $\sqrt{x|x - 1| - 2} > 5 - x$

11) $|\sqrt{x-1} - 2| < 1$

12) $||x - 1| - 2| < 1$

13) $||x - 1| - 2| < x$

14) $|2x - |x| - 6| > 8 - x$

15) $|2x - |x| - 6| > 8 - |x|$

16) $\sqrt{x+1} + |x - 1| < -x + 7$

17) $\sqrt{|x|} < |x - 2|$

18) $\sqrt{x+9} = |x + 3|$

19) $||x - 3| + x| = ||x| - 3|$

20) $||x - 3| + x| = x + 2$

21) $\sqrt{\frac{3x-2}{x}} = |x|$

22) $\sqrt{|2x+8|} = -x$

23) $\left| \frac{3|x|-2}{|x|} \right| = |x|$

24) $\sqrt{2x+8} > |x|$

SOLUZIONI

1) $x = 2 + \sqrt{7} \vee x = -2 - \sqrt{7} \vee x = \pm 1 \vee x = \pm 3$

2) $x = \frac{2}{3}$

3) $-4 < x < 12.$

Si può anche riscrivere la come $-10 < |x+2| - 2x < 10$

4) $x > 2.$

Se si riflette sul fatto che deve essere $x > 0$ affinché si possano avere delle soluzioni, la risoluzione risulta molto più semplice ...

5) $-1 < x < 3$

6) $-1 < x < 4 \text{ ma } x \neq 0$

7) $-\frac{4}{7} < x \leq 0 \vee 3 \leq x < 4$

8) $-8 < x < 6$

9) $x < -5 \vee x > \frac{5}{3}$

10) $x > 3$

11) $2 < x < 10$

12) $-2 < x < 0 \vee 2 < x < 4$

13) $x > \frac{3}{2}$

14) $x < -1 \vee x > 7$

15) $x < -\frac{1}{2} \vee x > 7$

16) $-1 \leq x < 3$

17) $x < 1 \vee x > 4$

18) $x = -5 \vee x = 0$

19) $x = -6 \vee x = 0$

20) $x = 1 \vee x = 5$

21) $x = -2 \vee x = 1$

22) $x = -2$

23) $x = \pm 1 \vee x = \pm 2 \vee x = \pm \frac{\sqrt{17}-3}{2}$ (può essere conveniente, qui, porre innanzitutto $|x| = y \dots$)

24) $-2 < x < 4$

