

m) RADICALI DOPPI Svolgimenti dal n. 11 al n. 14 \Rightarrow

1) $\sqrt{11-6\sqrt{2}}$

2) $\sqrt{21-4\sqrt{5}}$

3) $\sqrt{9+2\sqrt{14}}$

4) $\sqrt{35+12\sqrt{6}}$

5) $\sqrt{2-\sqrt{3}} \rightarrow$ con la formula o con il "trucchetto" (più seriamente, si dice "artificio"): $\sqrt{2-\sqrt{3}} = \sqrt{\frac{4-2\sqrt{3}}{2}} = \frac{\sqrt{4-2\sqrt{3}}}{\sqrt{2}} = ecc.$

6) $\sqrt{3+\sqrt{5}}$

7) $\sqrt{4-\sqrt{7}}$

8) $\sqrt{2a+2\sqrt{a^2-b^2}}$

9) $\sqrt{14-8\sqrt{3}}$

10) $\sqrt{6-2\sqrt{3}}$

11) $\sqrt{7-2\sqrt{10}}$

12) $\sqrt{13+4\sqrt{3}}$

13) $\sqrt{5-\sqrt{21}}$

14) $\sqrt{2-2\sqrt{1-t^2}}$

n) ESPRESSIONI VARIE Svolgimenti dal n. 15 al n. 52 \Rightarrow

15) $\sqrt[3]{\frac{t^2-4}{t-1}} \cdot \sqrt{\frac{t^2-3t+2}{t+2}}$

16) $\frac{\sqrt{2} \cdot \sqrt[3]{3}}{\sqrt[4]{4} \cdot \sqrt[5]{5}}$ Semplifica, verificando, alla fine, che si tratta di un numero leggermente superiore a 1

17) $\sqrt{x\sqrt[3]{x}} : \sqrt[3]{x\sqrt{x}}$

18) $\frac{\left(\sqrt[3]{(x-y)}\sqrt[4]{(x-y)}\right)^8}{x^3 - y^3}$

19) $\sqrt[k]{a^p} \cdot \sqrt[p]{a^k}$

20) $\frac{a}{b}\sqrt{\frac{b}{a}} \cdot \sqrt[4]{\frac{b}{a}} \cdot \sqrt[8]{ab} - \sqrt[8]{\frac{a^3}{b}}$

21) $\sqrt{160} + \sqrt{250} + \sqrt{360} - \sqrt{2250}$

22) $\frac{\sqrt{108} + \sqrt{243}}{\sqrt[3]{81} - 2\sqrt[3]{3}}$

23) $\sqrt{x^3 - 3x^2 + 3x - 1} + \sqrt{9x - 9}$

24) $\frac{\sqrt[4]{243} + \sqrt[4]{48}}{\sqrt{13^2 - 12^2}}$

25) $\sqrt{(2+\sqrt{3})^2 + (2\sqrt{3}-1)^2}$

26) $(\sqrt[4]{1+m} - \sqrt[4]{1-m})(\sqrt[4]{1+m} + \sqrt[4]{1-m})(\sqrt{1+m} + \sqrt{1-m})$

27) $(2\sqrt{2}-\sqrt{3}-1)^2 - (2\sqrt{3}-3\sqrt{2})^2 + 2\sqrt{2}\left(2 + \frac{9}{2}\sqrt{2} - 4\sqrt{3} - \sqrt{\frac{3}{2}}\right)$

28) $\frac{\sqrt{a} + \sqrt{b}}{\sqrt{a} - \sqrt{b}} - \frac{\sqrt{a} - \sqrt{b}}{\sqrt{a} + \sqrt{b}}$

29) $\frac{\sqrt{x+y} - \sqrt{x-y}}{\sqrt{x+y} + \sqrt{x-y}} + \sqrt{\frac{x^2}{y^2} - 1}$

30) $\frac{2\sqrt{1+x}}{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}} - \frac{x}{1 - \sqrt{1-x^2}}$

31) $\frac{\frac{1}{1+\sqrt{x}} - 1}{\left(1 + \sqrt[4]{x}\right)\left(1 - \sqrt[4]{x}\right)}$

32) $\frac{x^2 - x}{\sqrt{1-x^2} + x - 1}$

33) $\frac{\sqrt{2}}{2\sqrt{2}+3} + \frac{\sqrt{3}}{2-\sqrt{3}} + 1$

34) $\sqrt[3]{2\sqrt{7}-1} \cdot \sqrt[3]{2\sqrt{7}+1} - \sqrt{16-6\sqrt{7}} - (\sqrt{7})^2$

35) $\frac{\sqrt{4+2\sqrt{3}} + \sqrt{4-2\sqrt{3}}}{\sqrt{2\sqrt{3}+3} \cdot \sqrt{2\sqrt{3}-3}}$

36) $\frac{\text{Ruffini}}{\sqrt{x^3-3x-2} - \sqrt{x^3-6x^2+12x-8}}$

37) $\left(\sqrt[4]{a} + \frac{\sqrt[3]{a^2}}{\sqrt{a}\sqrt{a}}\right) \left(\frac{a - \sqrt[3]{a^2}}{\sqrt[4]{a}}\right) + \sqrt[3]{a}$

38) $\sqrt{\frac{3}{4}} + \frac{3}{4}\sqrt{\frac{4}{3}}$

39) $\frac{a\sqrt[3]{a} + \sqrt[3]{a}}{a\sqrt[3]{b} + \sqrt[3]{b}} - \sqrt[3]{\frac{a}{b}}$

40) $\frac{1}{4} \cdot \frac{\sqrt{3}-\sqrt{2}}{\sqrt{3}+\sqrt{2}} + \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{2}} - \frac{1}{4}$

41) $\frac{(\sqrt{3}+1)^2 - (\sqrt{2}-1)^2 - 1}{\sqrt{12} + \sqrt{8}}$

42) $\frac{\sqrt{\sqrt{9+4\sqrt{2}} + \sqrt{9-4\sqrt{2}}}}{2}$

43) $\left(\frac{\sqrt[4]{x}}{2} - \frac{2}{\sqrt[4]{x}}\right) : \sqrt[4]{x} + 2\frac{\sqrt{x}}{x}$

44) $\left(\frac{1}{\sqrt{1-w}} + \frac{1}{\sqrt{1+w}}\right)^2 - \frac{2}{\sqrt{1-w^2}}$

45) $\frac{\sqrt{1+x}}{\sqrt{x}} - \frac{2\sqrt{x}}{\sqrt{1+x}} - \left(\frac{1}{\sqrt{x}} - \sqrt{x}\right) : \sqrt{1+x}$

46) $\frac{\sqrt[3]{\frac{a}{b}} \cdot \sqrt[4]{\frac{b}{a}}}{\sqrt{\sqrt[3]{\frac{a}{b}}}}$

47) $\sqrt[b]{\frac{(\sqrt{a})^4 - (\sqrt{b})^4}{b\left(\frac{\sqrt[3]{a}}{\sqrt{b}}\right)^6 - 1}}$

48) Razionalizza:

$$\frac{1}{x + \sqrt[3]{1-x^3}}$$

49) Razionalizza:

$$\frac{2}{\sqrt[4]{a+1} + \sqrt[4]{a-1}}$$

50) Scomponi in fattori e semplifica: $\frac{\sqrt{ac} - \sqrt{c}}{a - \sqrt{a} + \sqrt{ab} - \sqrt{b}}$

51) Scomponi in fattori e semplifica: $\frac{\sqrt{10} + \sqrt{6} - \sqrt{5} - \sqrt{3}}{2\sqrt{6} - 2\sqrt{3} - \sqrt{2} + 1}$

52) Semplifica $\frac{\sqrt{3} + \sqrt{2} + 1}{\sqrt{3} - \sqrt{2} + 1}$ verificando, alla fine, che si tratta di un numero prossimo a $\pi \approx 3,14$

o) ESERCITAZIONI CONCLUSIVE

Correzione A)

Correzione B)

A)

53) $\sqrt{27} + \sqrt{20} - \sqrt{12} - \sqrt{5}$

54) $\frac{\sqrt[4]{x^3} \cdot \sqrt{x}}{x}$

55) $\sqrt[3]{\frac{(a^2 - a)^2}{a^2}} : \sqrt{a-1}$

56) $\frac{\sqrt{2} \cdot \sqrt[3]{5}}{\sqrt[5]{200}}$

57) $\sqrt{9a^3 - 9a^2} - (\sqrt{4a^3 - 4a^2} + \sqrt{a^3 - a^2})$

58) $\sqrt[4]{(x + \sqrt{2x-1}) \cdot (x - \sqrt{2x-1})}$

59) $(\sqrt{2} + 1)^3$

60) $\frac{1}{96} \left(\frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{\sqrt{3} - \sqrt{2}} - \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{\sqrt{3} + \sqrt{2}} \right)^2$

61) $\frac{x}{\sqrt[3]{x^2}}$

62) $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{3} + \sqrt{2} - 1}$

63) $\frac{\sqrt{19 - 6\sqrt{2}} + \sqrt{17 - 12\sqrt{2}}}{\sqrt{2}}$

B)

64) $\sqrt{48} + \sqrt{8} - \sqrt{27} - \sqrt{18}$

65) $\frac{\sqrt[3]{x^2} \cdot \sqrt{x}}{x}$

66) $\frac{\sqrt[3]{x^4}}{\sqrt[4]{x^3}} : \sqrt[12]{x}$

67) $\sqrt[4]{(a + \sqrt{a^2 - 9}) \cdot (a - \sqrt{a^2 - 9})}$

68) $\sqrt{t^3 - t^2} - (\sqrt{t-1})^3$

69) $\frac{(2\sqrt{2} - 2 + \sqrt{3})^2 - (2\sqrt{2} + 2 - \sqrt{3})^2 + \sqrt{128}}{8}$

70) $\frac{25 + (2\sqrt{2} - 1)^3}{22}$

71) $\frac{\sqrt{5} + \sqrt{3}}{\sqrt{5} - \sqrt{3}} - \frac{15}{(\sqrt[4]{5} \cdot \sqrt[4]{3})^2}$

72) $\left(\frac{1}{\sqrt{a+1} - \sqrt{a}} - \frac{a-1}{\sqrt{a}-1} \right) (\sqrt{a+1} + 1)$

73) $\sqrt{2x - 2\sqrt{x^2 - x} - 1}$

RISULTATI

1) $3 - \sqrt{2}$

2) $2\sqrt{5} - 1$

3) $\sqrt{7} + \sqrt{2}$

4) $3\sqrt{3} + 2\sqrt{2}$

5) $\frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{2}$

6) $\frac{\sqrt{10} + \sqrt{2}}{2}$

7) $\frac{\sqrt{14} - \sqrt{2}}{2}$

8) $\sqrt{a+b} + \sqrt{a-b}$

9) $2\sqrt{2} - \sqrt{6}$

10) Non è “spezzabile”: infatti $a^2 - b = 36 - 12 = 24$, e 24 NON è un quadrato perfetto.

11) $\sqrt{5} - \sqrt{2}$

12) $2\sqrt{3} + 1$

13) $\frac{\sqrt{14} - \sqrt{6}}{2}$

14) $\sqrt{1+t} - \sqrt{1-t}$

15) $\sqrt[6]{\frac{(t-1)(t-2)^5}{t+2}}$

16) $\sqrt[15]{1,944} \approx 1,045$

17) $\sqrt[6]{x}$

18) $\frac{(x-y)^2 \sqrt[3]{x-y}}{x^2 + xy + y^2}$

19) $\sqrt[kp]{a^{p^2+k^2}}$

20) 0

21) 0 22) $15\sqrt[6]{3}$ 23) $(x+2)\sqrt{x-1}$ 24) $\sqrt[4]{3}$ 25) $2\sqrt{5}$ 26) $2m$ 27) 0 28) $\frac{4\sqrt{ab}}{a-b}$ 29) $\frac{x}{y}$ 30) 1

31) $\frac{\sqrt{x}}{x-1}$ 32) $\frac{x-1-\sqrt{1-x^2}}{2}$ 33) $3\sqrt{2} + 2\sqrt{3}$ 34) 0 35) 2 36) $\sqrt{x-2}$ 37) a 38) $\sqrt{3}$ 39) 0

40) 1 41) 1 42) $\sqrt[4]{2}$ 43) $\frac{1}{2}$ 44) $\frac{2}{1-w^2}$ 45) 0 46) 1 47) b 48) $x^2 - x\sqrt[3]{1-x^3} + \sqrt[3]{(1-x^3)^2}$

49) $(\sqrt[4]{a+1} - \sqrt[4]{a-1})(\sqrt{a+1} + \sqrt{a-1})$ 50) $\frac{\sqrt{c}}{\sqrt{a} + \sqrt{b}}$ 51) $\frac{\sqrt{5} + \sqrt{3}}{2\sqrt{3}-1}$ 52) $\sqrt{2} + \sqrt{3} \approx 1,414 + 1,732 = 3,146$

53) $\sqrt{3} + \sqrt{5}$ 54) $\sqrt[4]{x}$ 55) $\sqrt[6]{a-1}$ 56) 1 57) 0 58) $\sqrt{x-1}$

59) $5\sqrt{2} + 7$ 60) 1 61) $\sqrt[3]{x}$ 62) $\frac{\sqrt{3} - \sqrt{2} + 1}{2}$ 63) $1 + \sqrt{2}$

64) $\sqrt{3} - \sqrt{2}$ 65) $\sqrt[6]{x}$ 66) \sqrt{x} 67) $\sqrt{3}$ 68) $\sqrt{t-1}$

69) $\sqrt{6} - \sqrt{2}$ 70) $\sqrt{2}$ 71) 4 72) a 73) $\sqrt{x} - \sqrt{x-1}$